

3. BROJEVNI SUSTAVI I PRIKAZ PODATAKA U RAČUNALU

3.1. Brojevni sustavi

3.1.1. Nepozicijski i pozicijski brojevni sustav

Brojevni sustav sastoji se od:

- skupa znakova – *znamenki*,
- *pravila* za pisanje znamenki.

Brojevni sustavi dijele se na pozicijske i nepozicijske.

Nepozicijski brojevni sustavi su oni kod kojih značenje pojedine znamenke ne ovisi o njezinu položaju u zapisanom broju.

Najpoznatiji nepozicijski brojevni sustav, koji se i danas upotrebljava, je *sustav rimskih brojeva*. On se sastoji od sljedećih znamenki:

znamenka	I	V	X	L	C	D	M
vrijednost	1	5	10	50	100	500	1000

Pravila za njihovo zapisivanje su:

- ako nekoliko jednakih znamenki stoji jedna uz drugu onda im se vrijednosti zbrajaju (npr. XXX znači $X + X + X$, tj. time je zapisan broj 30);
- ako su uzastopno zapisane dvije različite znamenke od kojih lijevo stoji ona s većom vrijednošću, onda se njihove vrijednosti zbrajaju (npr. XVI znači $X + V + I$, tj. time je zapisan broj 16);
- ako su uzastopno zapisane dvije različite znamenke od kojih lijevo stoji ona s manjom vrijednošću, onda se njezina vrijednost oduzima od desno napisane znamenke (npr. XC znači $C - X$, tj. time je zapisan broj 90).

Nepozicijski brojevni sustav ima nekoliko nedostataka: za zapisivanje većih brojeva treba uvoditi nove znamenke, obavljanje aritmetičkih operacija je vrlo složeno,...

Rimski brojevni sustav se u Europi primjenjivao sve do 12. st. dok Arapi nisu donijeli dekadski, koji je zbog lakšeg izvođenja računskih operacija postao osnovni brojevni sustav.

Dekadski brojevni sustav ubraja se u pozicijske brojevne sustave.

U **pozicijskim brojevnim sustavima** upotrebljava se ograničeni broj znamenki s tim da njihova vrijednost ovisi o položaju u zapisanom broju. Otuda su ti sustavi dobili svoj naziv.

Svaki pozicijski brojevni sustav ima svoju *bazu*, *znamenke* i *najveći element*.

Baza je broj različitih znamenki u određenom brojevnom sustavu.

Najveći element je najveća znamenka sustava i iznosi *baza-1*.

Baza pozicijskog brojevnog sustava može biti bilo koji broj, ali uz dekadski najpoznatiji brojevni sustavi su binarni, oktalni i heksadekadski (zbog svoje primjene u informatici i važnosti za rad računala).

Brojevni sustav	Baza	Znamenke	Najveći element
DEKADSKI	10	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9	9
BINARNI	2	0, 1	1
OKTALNI	8	0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7	7
HEKSADEKADSKI	16	0,1,2,3,4,5,6,7,8,9,A,B,C,D,E,F	F

U sljedećoj tablici prikazani su različiti načini zapisivanja prirodnih brojeva:

prirodni broj	rimski brojevi	dekadski zapis	binarni zapis	oktalni zapis	heksadekadski zapis
nula		0	0	0	0
jedan	I	1	1	1	1
dva	II	2	10	2	2
tri	III	3	11	3	3
četiri	IV	4	100	4	4
pet	V	5	101	5	5
šest	VI	6	110	6	6
sedam	VII	7	111	7	7
osam	VIII	8	1000	10	8
devet	IX	9	1001	11	9
deset	X	10	1010	12	A
jedanaest	XI	11	1011	13	B
dvanaest	XII	12	1100	14	C
trinaest	XIII	13	1101	15	D
četnaest	XIV	14	1110	16	E
petnaest	XV	15	1111	17	F

3.1.2. Dekadski brojevni sustav

Baza dekadskog sustava je broj 10, znamenke pomoću kojih zapisujemo brojeve su 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, i 9. To je sustav u kojem mi od davnih dana pa sve do danas računamo, a razlog je jednostavan – čovjek je počeo računati uz pomoću prstiju na rukama kojih je deset.

$$\begin{aligned} \text{Primjer: } 1732,45 &= 1000 + 700 + 30 + 2 + 0,4 + 0,05 = \\ &= 1 \cdot 1000 + 7 \cdot 100 + 3 \cdot 10 + 2 \cdot 1 + 4 \cdot 0,1 + 5 \cdot 0,01 = \\ &= 1 \cdot 10^3 + 7 \cdot 10^2 + 3 \cdot 10^1 + 2 \cdot 10^0 + 4 \cdot 10^{-1} + 5 \cdot 10^{-2} \end{aligned}$$

Potencije baze (broja 10) nazivaju se **težinski faktori** ili **težine** pojedinih brojevnih mjesta (10^3 , 10^2 , 10^1 , 10^0 , 10^{-1} , 10^{-2}). Prema tim težinama znamenke dobivaju imena:

- znamenka jedinice (u primjeru = 2),
- znamenka desetice (u primjeru = 3),
- znamenka stotice (u primjeru = 7),
- znamenka tisućice (u primjeru = 1) itd.

Pojedina **brojevna mjesta** mogu se označiti indeksima koji su jednaki eksponentima baze pa ih nazivamo: a) od dec. točke zdesna ulijevo - nulto, prvo, drugo, treće,...

(U primjeru se na drugom brojevnom mjestu nalazi znamenka 7.)

b) od dec. točke slijeva udesno – minus prvo, minus drugo,...

(U primjeru se na minus drugom brojevnom mjestu nalazi znamenka 5.)

Mjesna vrijednost pojedine znamenke određuje se produktom znamenke sustava s odgovarajućom težinom. (U primjeru je mjesna vrijednost znamenke 7 jednaka $7 \cdot 100 = 700$, a mjesna vrijednost znamenke 5 jednaka $5 \cdot 10^{-2} = 0,05$.)

Vrijednost broja određuje se zbrojem svih mjesnih vrijednosti.

(Iz primjera: $1000 + 700 + 30 + 2 + 0,4 + 0,05 = 1732,45$).

U dekadskom sustavu je vrijednost broja jednaka tom broju jer je to sustav u kojem mi inače računamo.

Pojmovi otisnuti masnim slovima mogu se definirati u bilo kojem brojevnom sustavu. Treba samo pripaziti na bazu dok je sve ostalo gotovo identično.

3.1.3. Binarni brojevni sustav

Baza binarnog brojevnog sustava je broj 2 što znači da se u tom sustavu koriste samo dvije znamenke: 0 i 1. To je sustav pomoću kojeg rade računala. Zašto je baš binarni sustav pogodan za rad računala, posve je shvatljivo. U određenom trenutku električni krug može biti aktivan ili ne; protok kruga može biti ostvaren u jednom ili drugom smjeru; uređaj može biti pod naponom ili ne; čestica može biti namagnetizirana ili ne; laserska zraka se reflektira ili ne.

Primjer: $1101101,01 = 1 \cdot 2^6 + 1 \cdot 2^5 + 0 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 + 0 \cdot 2^{-1} + 1 \cdot 2^{-2} = (*)$

Potencije baze (broja 2) nazivaju se **težinski faktori** ili **težine** pojedinih brojevnih mjesta ($2^6, 2^5, 2^4, 2^3, 2^2, 2^1, 2^0, 2^{-1}, 2^{-2}$). Po uzoru na dekadski sustav, a uzevši u obzir bazu 2 i pripadajuće težine, znamenke dobivaju imena:

- znamenka jedinice (u primjeru = 1),
- znamenka dvojke (u primjeru = 0),
- znamenka četvorke (u primjeru = 1),
- znamenka osmice (u primjeru = 1) itd.

Brojeva mjesta su jednaka eksponentima baze pa ih nazivamo:

- a) od dec. točke zdesna ulijevo - nulto, prvo, drugo, treće, ...
(U primjeru se na drugom brojevnom mjestu nalazi znamenka 1.)
- b) od dec. točke slijeva udesno – minus prvo, minus drugo, ...
(U primjeru se na minus prvom brojevnom mjestu nalazi znamenka 0.)

Mjesna vrijednost pojedine znamenke određuje se produktom znamenke sustava s odgovarajućom težinom (U primjeru je mjesna vrijednost znamenke 1 na drugom mjestu jednaka $1 \cdot 2^2 = 4$, a mjesna vrijednost znamenke 0 na minus prvom mjestu jednaka $0 \cdot 10^{-1} = 0$.)

Vrijednost broja određuje se zbrojem svih mjesnih vrijednosti.

Primjer: $(*) = 1 \cdot 2^6 + 1 \cdot 2^5 + 0 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 + 0 \cdot 2^{-1} + 1 \cdot 2^{-2} =$
 $= 1 \cdot 64 + 1 \cdot 32 + 0 \cdot 16 + 1 \cdot 8 + 1 \cdot 4 + 0 \cdot 2 + 1 \cdot 1 + 0 \cdot 0,5 + 1 \cdot 0,25 =$
 $= 64 + 32 + 8 + 4 + 1 + 0,25 =$
 $= 109,25$
Ovo zapisujemo $1101101,01_{(2)} = 109,25_{(10)}$.

Korisno je upamtiti neke od sljedećih potencija jer se često upotrebljavaju:

Potencije broja 2	$2^{-4} = 0,0625$	$2^0 = 1$	$2^4 = 16$	$2^8 = 256$	$2^{12} = 4096$
	$2^{-3} = 0,125$	$2^1 = 2$	$2^5 = 32$	$2^9 = 512$	$2^{13} = 8192$
$2^{-6} = 0,015625$	$2^{-2} = 0,25$	$2^2 = 4$	$2^6 = 64$	$2^{10} = 1024$	$2^{14} = 16384$
$2^{-5} = 0,03125$	$2^{-1} = 0,5$	$2^3 = 8$	$2^7 = 128$	$2^{11} = 2048$	$2^{15} = 32768$

Oktalni i heksadekadski brojevni sustav nećemo posebno proučavati jer se svi pojmovi uvode analogno pa je i određivanje vrijednosti brojeva analogno.

3.1.4. Zadaci:

1. Na kojem brojevnom mjestu se nalaze podcrtane znamenke:

- a) 1001101₍₂₎
- b) 87401₍₁₀₎
- c) 45A7₍₁₆₎
- d) 1057₍₈₎

2. Odredi težinu podcrtane znamenke:

- a) 1001101₍₂₎
- b) 87401₍₁₀₎
- c) 45A7₍₁₆₎
- d) 1057₍₈₎

3. Izračunaj mjesnu vrijednost podcrtane znamenke:

- a) 1001101₍₂₎
- b) 87401₍₁₀₎
- c) 45A7₍₁₆₎
- d) 1057₍₈₎

4. Odredi vrijednost sljedećih brojeva:

- a) 1001101₍₂₎
- b) 87401₍₁₀₎
- c) 45A7₍₁₆₎
- d) 1057₍₈₎

3.2. Prevođenje prirodnih i decimalnih brojeva iz jednog zapisa u drugi

3.2.1 Prevođenje u dekadski zapis

Postupak prevođenja binarnog (ili nekog drugog zapisa broja) u dekadski identičan je određivanju vrijednosti broja. Ipak, ponovimo to na sljedećim primjerima:

binarni → dekadski

$$\begin{aligned} 1. \quad 1001101_{(2)} &= 1 \cdot 2^6 + 0 \cdot 2^5 + 0 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = \\ &= 2^6 + 2^3 + 2^2 + 2^0 = \\ &= 64 + 8 + 4 + 1 = \\ &= 77_{(10)} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 2. \quad 0,1011_{(2)} &= 1 \cdot 2^{-1} + 0 \cdot 2^{-2} + 1 \cdot 2^{-3} + 1 \cdot 2^{-4} = \\ &= 2^{-1} + 2^{-3} + 2^{-4} = \\ &= 0,5 + 0,125 + 0,0625 = \\ &= 0,6875_{(10)} \end{aligned}$$

$$\begin{aligned} 3. \quad 11010,11_{(2)} &= 1 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 0 \cdot 2^2 + 1 \cdot 2^1 + 0 \cdot 2^0 + 1 \cdot 2^{-1} + 1 \cdot 2^{-2} = \\ &= 2^4 + 2^3 + 2^1 + 2^{-1} + 2^{-2} = \\ &= 16 + 8 + 2 + 0,5 + 0,25 = \\ &= 26,75_{(10)} \end{aligned}$$

oktalni → dekadski

$$\begin{aligned} 4. \quad 734,02_{(8)} &= 7 \cdot 8^2 + 3 \cdot 8^1 + 4 \cdot 8^0 + 0 \cdot 8^{-1} + 2 \cdot 8^{-2} = \\ &= 7 \cdot 64 + 3 \cdot 8 + 4 \cdot 1 + 2 \cdot 0,015625 = \\ &= 448 + 24 + 4 + 0,03125 = \\ &= 476,03125_{(10)} \end{aligned}$$

heksadekadski → dekadski

$$\begin{aligned} 5. \quad 1A3E,D_{(16)} &= 1 \cdot 16^3 + 10 \cdot 16^2 + 3 \cdot 16^1 + 14 \cdot 16^0 + 13 \cdot 16^{-1} = \\ &= 4096 + 10 \cdot 256 + 3 \cdot 16 + 14 \cdot 1 + 13 \cdot 0,0625 = \\ &= 4096 + 2560 + 48 + 14 + 0,8125 = \\ &= 6718,8125_{(10)} \end{aligned}$$

3.2.2 Prevođenje iz dekadskog zapisa u neki drugi

Prilikom pretvorbe iz dekadskog sustava u neki drugi potrebno je razlikovati dva slučaja:

- broj je prirodan,
- broj je decimalan, jer se i postupak prevođenja razlikuje.

dekadski → binarni

$$1. \quad 77_{(10)} = ?_{(2)} \quad 77 : 2 = 38$$

$$\begin{array}{l} \boxed{1} \\ 38 : 2 = 19 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \boxed{0} \\ 19 : 2 = 9 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \boxed{1} \\ 9 : 2 = 4 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \boxed{1} \\ 4 : 2 = 2 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \boxed{0} \\ 2 : 2 = 1 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \boxed{0} \\ 1 : 2 = 0 \end{array}$$

$$\begin{array}{l} \boxed{1} \end{array}$$

Stanemo kad dobijemo **0** ovdje.

Nešto jednostavniji zapis:

$$\begin{array}{r|l} 77 & 1 \\ 38 & 0 \\ 19 & 1 \\ 9 & 1 \\ 4 & 0 \\ 2 & 0 \\ 1 & 1 \\ \hline 0 & \end{array}$$

Preostaje nam dobivene ostatke prepisati (odozdo prema gore):

$$77_{(10)} = 1001101_{(2)}$$

$$2. \quad 0,6875_{(10)} = ?_{(2)}$$

$$\begin{array}{r} 0,6875 \cdot 2 \\ \underline{1,375} \\ 0,375 \cdot 2 \\ \underline{0,75 \cdot 2} \\ 1,5 \\ 0,5 \cdot 2 \\ \underline{1,0} \end{array}$$

Stanemo kad se iza dec. točke pojavi samo 0 (ili kad pronademo period ili kad postignemo zadanu točnost).

Preostaje nam dobivene cijele dijelove prepisati (odozgo prema dolje):
 $0,6875_{(10)} = 0,1011_{(2)}$

$$3. \quad 26,75_{(10)} = ?_{(2)}$$

Posebno prevedemo cijeli, a posebno decimalni dio pa ih zbrojimo:

$$\begin{array}{r|l} 26 & 0 \\ 13 & 1 \\ 6 & 0 \\ 3 & 1 \\ 1 & 1 \\ 0 & 1 \end{array}$$

$$26_{(10)} = 11010_{(2)}$$

$$\begin{array}{r} 0,75 \cdot 2 \\ \underline{1,5} \\ 0,5 \cdot 2 \\ \underline{1,0} \end{array}$$

$$0,75_{(10)} = 0,11_{(2)}$$

Dakle, $26,75_{(10)} = 11010,11_{(2)}$

dekadski → oktalni

Postupak je potpuno isti, samo se dijeli (odnosno množi) s bazom 8.

$$4. \quad 476,03125_{(10)} = ?_{(8)}$$

$$\begin{array}{r} 476 : 8 = 59 \\ \underline{4} \\ 59 : 8 = 7 \\ \underline{3} \\ 7 : 8 = 0 \\ \underline{7} \end{array}$$

$$476_{(10)} = 734_{(8)}$$

$$\begin{array}{r} 0,03125 \cdot 8 \\ \underline{0,25 \cdot 8} \\ 2,00 \end{array}$$

$$0,03125_{(10)} = 0,02_{(8)}$$

Dakle, $476,03125_{(10)} = 734,02_{(8)}$

dekadski → heksadekadski

Postupak je identičan prethodnom, samo se dijeli (odnosno množi) s bazom 16. Pritom se umjesto dobivenih ostataka (ili cijelih dijelova) 10, 11, 12, 13, 14 i 15 piše redom A, B, C, D, E i F.

$$5. \quad 6718,8125_{(10)} = ?_{(16)}$$

$$\begin{array}{r} 6718 : 16 = 419 \\ 14 = \text{E} \\ 419 : 16 = 26 \\ \underline{3} \\ 26 : 16 = 1 \\ 10 = \text{A} \\ 1 : 16 = 0 \\ \underline{1} \end{array}$$

$$6718_{(10)} = 1A3E_{(16)}$$

$$\begin{array}{r} 0,8125 \cdot 16 \\ \underline{\text{D}} = 13,0 \end{array}$$

$$0,8125_{(10)} = 0,\text{D}_{(16)}$$

Dakle, $6718,8125_{(10)} = 1A3E,\text{D}_{(16)}$

3.2.3 Prevođenje između binarnog, oktalnog i heksadekadskog zapisa

binarni → oktalni, heksadekadski

1. Prevedi broj $1001101_{(2)}$ u oktalni zapis.

To možemo učiniti na dva načina:

Prvi način - prevođenjem binarnog broja u dekadski:

$$\begin{aligned} 1001101_{(2)} &= 1 \cdot 2^6 + 0 \cdot 2^5 + 0 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^2 + 0 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = \\ &= 2^6 + 2^3 + 2^2 + 2^0 = \\ &= 64 + 8 + 4 + 1 = \\ &= 77_{(10)} \end{aligned}$$

a zatim prevođenjem dobivenog dekadskog broja u oktalni:

$$\begin{array}{r}
 77 : 8 = 9 \\
 \boxed{5} \\
 9 : 8 = 1 \\
 \boxed{1} \\
 \uparrow \\
 1 : 8 = 0 \\
 \boxed{1}
 \end{array}
 \quad 77_{(10)} = 115_{(8)}$$

Dakle, $1001101_{(2)} = 115_{(8)}$

Drugi način je puno jednostavniji i brži.

Budući da je $8 = 2^3$ znamenke binarnog broja grupiramo po tri počevši od nultog mjesta i svaki dobiveni broj zasebno pretvorimo u oktalni zapis: $1001101_{(2)} = 001|001|101 = 115_{(8)}$

1 1 5

Sljedeće tablice mogu nam dosta olakšati ovakvo pretvaranje:

binarni zapis	oktalni zapis
000	0
001	1
010	2
011	3
100	4
101	5
110	6
111	7

binarni zapis	heksadekadski zapis	binarni zapis	heksadekadski zapis
0000	0	1000	8
0001	1	1001	9
0010	2	1010	A
0011	3	1011	B
0100	4	1100	C
0101	5	1101	D
0110	6	1110	E
0111	7	1111	F

- Prevedi broj $110100110,111001_{(2)}$ u oktalni zapis.
 $110100110,111001_{(2)} = 110|100|110|,111|001 = 646,71_{(8)}$
- Prevedi broj $110100110,111001_{(2)}$ u heksadekadski zapis.
 $110100110,111001_{(2)} = \underline{000}11|010|0110|,1110|01\underline{00} = 1A6,E4_{(16)}$
 Budući da je $16 = 2^4$ znamenke binarnog broja grupiramo po četiri počevši od nultog mjesta i svaki dobiveni broj zasebno pretvorimo u heksadekadski zapis.
 Kao što se vidi na ovom primjeru, uvijek nam je lakše ako dodamo potreban broj nula ispred i iza zadanog broja.

oktalni, heksadekadski → binarni

- Prevedi broj $1507,2_{(8)}$ u binarni zapis.
 Postupak je sada obrnut: svaku pojedinu znamenku pretvorimo u binarni zapis.
 Pazi: svaka znamenka mora biti zapisana s tri bita (dakle znamenku 2 ćemo pisati 010).
 $1507,2_{(8)} = 001|101|000|111|,010 = 1101000111,01_{(2)}$
 Suvišne nule ispred i iza broja mogu se izbaciti.
- Prevedi broj $A13D,05_{(16)}$ u binarni zapis.
 Postupak je identičan prethodnom primjeru, samo se svaka znamenka zapisuje s četiri bita.
 $A13D,05_{(16)} = 1010|0001|0011|1101|,0000|0101 = 1010000100111101,00000101_{(2)}$

oktalni → heksadekadski i obrnuto

- Prevedi broj $7052,13_{(8)}$ u heksadekadski zapis.
 Najlakše i najbrže je oktalni zapis prevesti u binarni, a binarni zatim u heksadekadski.
 $7052,13_{(8)} = 111|000|101|010|,001|011 = 1110|0010|1010|,0010|1100 = E2A,2C_{(16)}$

7. Prevedi broj $ABCD_{(16)}$ u oktalni zapis.

$$ABCD_{(16)} = 1010|1011|1100|1101 = 001|010|101|111|001|1101 = 125715_{(8)}$$

3.2.4. Zadaci

1. Prevedi u binarni zapis sljedeće brojeve:

- a) $405_{(10)}$
- b) $71,375_{(10)}$
- c) $105,46_{(8)}$
- d) $A59,0C_{(16)}$

2. Prevedi u dekadski zapis sljedeće brojeve:

- a) $10001110_{(2)}$
- b) $11010,0111_{(2)}$
- c) $105,46_{(8)}$
- d) $A59,0C_{(16)}$

3. Prevedi u oktalni zapis sljedeće brojeve:

- a) $250_{(10)}$
- b) $31,8125_{(10)}$
- c) $1101100110,0101_{(2)}$
- d) $E7,17_{(16)}$

4. Prevedi u heksadekadski zapis brojeve:

- a) $3336_{(10)}$
- b) $125,3125_{(10)}$
- c) $1101100110,0101_{(2)}$
- d) $246,1_{(8)}$

3.3. Binarna aritmetika

3.3.1. Zbrajanje u binarnom sustavu

Prisjetimo se zbrajanja u dekadskom sustavu, npr. $59+214$.

Brojeve potpišemo jednog ispod drugog tako da je znamenka jedinice ispod znamenke jedinice (tj. dec. točka ispod dec. točke). Zbraja se zdesna na lijevo.

$$\begin{array}{r} 59 \\ + 214 \\ \hline 273 \end{array}$$

Pritom je $9 + 4 = 13$ pa 3 pišemo i 1 "dalje" (Ta jedinica se naziva *prijenos* i zbraja se sa znamenkama iz sljedećeg stupca).

Zbrajanje u binarnom sustavu provodi se na identičan način s tim da pritom treba imati na umu sljedeću **tablicu zbrajanja binarnih brojeva**:

$$\begin{array}{l} \mathbf{0 + 0 = 0} \\ \mathbf{0 + 1 = 1} \\ \mathbf{1 + 0 = 1} \\ \mathbf{1 + 1 = 0 \text{ i } 1 \text{ "dalje" (1 prijenos)}} \end{array}$$

Prijenose si je zgodno zapisivati iznad da ih ne zaboravimo.

Primjeri:

$$\begin{array}{r} 10101 \\ + 11010 \\ \hline 101111 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 11111 \\ 1101011 \\ + 10110 \\ \hline 10000001 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 1111111 \\ 10111,1011 \\ + 1100,011 \\ \hline 100100,0001 \end{array}$$

Primjetimo da je $1 + 1 + 1 = 1 \text{ i } 1 \text{ "dalje"}$

Zadatak 1. Prevedi brojeve iz prvog primjera u dekadski zapis i provjeri da je zbroj prva dva upravo treći broj.

- Zadatak 2. Zbroji:
- a) $1011001 + 1101,01 =$
 - b) $10110 + 1000100 + 110101 =$
 - c) $100011 + 10011 + 1011 =$
 - d) $10,1 + 100,01 + 11 + 1011 =$
 - e) $11011,011 + 100,01 + 0,1 =$

3.3.2. Oduzimanje u binarnom sustavu

Oduzimanje u binarnom sustavu obavlja se na jednak način kao i u dekadskom brojevnom sustavu.

Promotrimo sljedeći primjer: 65

$$\begin{array}{r} 65 \\ - 47 \\ \hline 18 \end{array}$$

5 – 7 nemoguće je izračunati (u skupu prirodnih brojeva) pa posudimo jednu jedinicu iz sljedećeg stupca i računamo $15 - 7 = 8$, ali tu jedinicu u sljedećem stupcu moramo oduzeti.

Tablica oduzimanja binarnih brojeva:

$0 - 0 = 0$
 $1 - 0 = 1$
 $1 - 1 = 0$
 $0 - 1 = 1$ i 1 "dalje" (taj 1 oduzimamo u sljedećem stupcu nalijevo)

Primjeri:

110101	$100110,01$	111001	$110011,011$
$- 10011$	$- 11011$	$- 10010,1$	$- 101,10$
100010	$001011,01$	$100110,1$	$101101,111$

Postoji i drugi način:

Oduzimanje se može svesti na zbrajanje.

Primjer: 110101

$$\begin{array}{r} 110101 \\ - 10011 \\ \hline ? \end{array}$$

Koraci: 1. Umanjitelju s lijeve strane dopišemo nule (ako je potrebno) tako da umanjjenik i umanjitelj imaju jednako znamenki. (010011)

2. Odredimo *komplement* umanjitelja (umjesto 0 pišemo 1, a umjesto 1 pišemo 0)
 $010011 \rightarrow 101100$

3. Komplementu pribrojimo 1

$$\begin{array}{r} 101100 \\ + 1 \\ \hline 101101 \end{array}$$

(dobili smo *dvojni komplement*)

4. Dobiveni broj pribrojimo umanjjeniku te odbacimo krajnju lijevu jedinicu.

$$\begin{array}{r} 110101 \\ + 101101 \\ \hline \cancel{1}00010 \leftarrow \text{to je tražena razlika} \end{array}$$

Primjeri: a) 100110 100110

$$\begin{array}{r} 100110 \\ - 011011 \rightarrow 100100 \\ + 1 \\ \hline 100101 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 100110 \\ + 100101 \\ \hline \cancel{1}001011 \leftarrow \text{rezultat} \end{array}$$

b) $111,001$ $111,001$

$$\begin{array}{r} 111,001 \\ - 010,010 \rightarrow 101,101 \\ + 1 \\ \hline 101,110 \end{array}$$

$$\begin{array}{r} 111,001 \\ + 101,110 \\ \hline \cancel{1}100,111 \leftarrow \text{rezultat} \end{array}$$

Zadatak 1. Provjeri da se i dekadski brojevi mogu oduzimati na ovaj način.
 (komplement broja 1 je 8, broja 2 je 7, broja 3 je 6 itd.)

Zadatak 2. Oduzmi (koristeći tablicu oduzimanja): a) $1000101 - 11011 =$
 b) $110110,101 - 0,11 =$
 c) $10,01101 - 1,111 =$

Zadatak 3. Oduzmi (svođenjem na zbrajanje): a) $1000101 - 11011 =$
 b) $110101 - 101110 =$
 c) $1010,101 - 11,1 =$

3.3.3. Množenje u binarnom sustavu

Množenje u binarnom sustavu svodi se na zbrajanje binarnih brojeva. Provođi se na isti naćin kao u dekadskom sustavu. Pogledajmo primjere:

$$\begin{array}{r} 23 \cdot 16 \\ 23 \\ + 138 \\ \hline 368 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 1,5 \cdot 2,3 \\ 30 \\ + 45 \\ \hline 3,45 \end{array}$$

Tablica množenja binarnih brojeva:

$$\begin{array}{l} 0 \cdot 0 = 0 \\ 0 \cdot 1 = 0 \\ 1 \cdot 0 = 0 \\ 1 \cdot 1 = 1 \end{array}$$

Primjeri:

$$\begin{array}{r} 1001 \cdot 110 \\ 1001 \\ 1001 \\ + 0000 \\ \hline 110110 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 11001,10 \cdot 111 \\ 1100110 \\ 1100110 \\ + 1100110 \\ \hline 10110010,10 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 111011 \cdot 100 \\ 11101100 \\ \hline 11101100 \end{array}$$

Zadatak 1. Pomnoži: a) $1101,01 \cdot 0,101 =$
b) $111001 \cdot 1011 =$
c) $0,111 \cdot 1,001 =$

Zadatak 2. Izračunaj (pazeći na redoslijed računskih operacija):

a) $1101 + 1101 \cdot 1101 =$
b) $(101101 - 11110) \cdot (110 + 1010) =$
c) $10100 \cdot 111 - 1000 \cdot 11 =$

3.3.4. Dijeljenje u binarnom sustavu

Prisjetimo se kako smo učili dijeljenje u nižim razredima osnovne škole:

$$\begin{array}{r} 368 : 16 = 23 \\ -32 \\ \hline 48 \\ -48 \\ \hline 0 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 475 : 4 = 118 \text{ i ostatak } 3 \\ -4 \\ \hline 07 \\ -4 \\ \hline 35 \\ -32 \\ \hline 3 \end{array}$$

U binarnom sustavu će se dijeljenje obavljati na identičan naćin, što znaći da će se svoditi na oduzimanje.

Primjeri:

$$\begin{array}{r} 1010001 : 1001 = 1001 \\ -1001 \\ \hline 0001001 \\ - 1001 \\ \hline 0000 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 101010 : 111 = 110 \\ - 111 \\ \hline 00111 \\ - 111 \\ \hline 000 \end{array} \qquad \begin{array}{r} 10001 : 11 = 101 \text{ i ostatak } 10 \\ - 11 \\ \hline 00101 \\ - 11 \\ \hline 010 \end{array}$$

Kako poćinjemo? Uzimamo znamenku po znamenku djeljenika sve dok ne dobijemo broj veći od djelitelja (u prvom primjeru je tako $1 < 1001$, gledamo dalje $10 < 1001$, $101 < 1001$, $1010 > 1001$ pa je 1010 broj s kojim poćinjemo.)

Zadatak 1. Podijeli: a) $101100101 : 111 =$
b) $1101,1 : 10,01 =$
c) $1101100101 : 10111 =$

Zadatak 2. Izračunaj (pazeći na redoslijed računskih operacija):

a) $(1100111 - 1101) : 1001 =$
b) $101101 + 111100 : 100 + 1010 =$
c) $101000 : 101 - 1000 \cdot 11 =$

3.3.5. Zadaci

1. Zbroji binarne brojeve:

- a) $1011011+10010+11+10000=$
- b) $101010,011+111,1011+0,001=$
- c) $1100011,101+110011,101+11011,101=$

2. Oduzmi binarne brojeve (koristeći tablicu oduzimanja):

- a) $1100011100-11001100=$
- b) $1011100,011-111,11011=$
- c) $10000,1111-1111,011=$

3. Oduzmi binarne brojeve (svođenjem na zbrajanje):

- a) $11000101-110111=$
- b) $1000001-101010=$
- c) $1100110-11001=$

4. Pomnoži binarne brojeve:

- a) $100111 \cdot 1011=$
- b) $11,011 \cdot 110,11=$
- c) $1100101 \cdot 0,001=$

5. Podijeli binarne brojeve:

- a) $100010 : 10001=$
- b) $101101 : 1001=$
- c) $11011,01 : 1,01=$

6. Izračunaj:

- a) $111001+110,01 \cdot 1101=$
- b) $(111001+110,01) \cdot 1101=$
- c) $(110001,011-1110,1) \cdot (0,1101+1,1101)=$

7. Izračunaj i rezultat zapiši u binarnom sustavu:

- a) $105_{(8)} + 1101011_{(2)} + 3D_{(16)} =$
- b) $101_{(2)} + 101_{(8)} + 101_{(16)} =$
- c) $15C_{(16)} \cdot 27_{(8)} =$
- d) $AB_{(16)} : 12_{(8)} =$
- e) $707_{(16)} - 707_{(8)} - 101_{(2)} =$
- f) $10_{(2)} \cdot 20_{(8)} \cdot 30_{(16)} =$

3.4. Pohranjivanje podataka u memoriji računala

Sve tipove podataka (cijele brojeve, racionalne brojeve, znakove) računalo pohranjuje u binarnom obliku. U memoriji računala jedan znak može zauzimati 1, 2, 4 ili čak 8 bajtova, ovisno o tipu.

3.4.1. Pohranjivanje cijelih brojeva

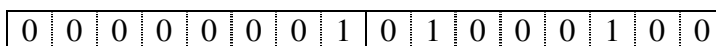
Cijeli brojevi najčešće se pohranjuju u 2 bajta (16 bitova).

Za prikaz samog broja koristi se 15 bitova, dok vodeći bit služi za kodiranje predznaka.

Ako je u vodećem bitu 0, broj je pozitivan,
a ako je 1, broj je negativan.

Primjer 1. Pohranimo broj $324_{(10)}$ u 2 bajta.

324	0	
162	0	$324_{(10)} = 101000100_{(2)}$
81	1	
40	0	U 2 bajta binarni broj 101000100 pohranimo ovako:
20	0	
10	0	
5	1	
2	0	
1	1	
0		



Ova nula znači da je broj pozitivan.

Negativni brojevi prikazuju se pomoću metode **dvojnog komplementa**. Pogledajmo primjer.

Primjer 2. Pohranimo broj $-324_{(10)}$ u 2 bajta.

Oredimo binarni zapis suprotnog broja: $324_{(10)} = 101000100_{(2)}$

binarni zapis suprotnog broja 0 0 0 0 0 0 0 0 1 0 1 0 0 0 1 0 0 = $324_{(10)}$

komplement 1 1 1 1 1 1 1 1 0 1 0 1 1 1 0 1 1

dvojni komplement 1 1 1 1 1 1 1 0 1 0 1 1 1 1 0 0 = $-324_{(10)}$

Ova jedinica znači da je broj negativan.

Zadatak 1. Odredi najveći i najmanji cijeli broj koji se mogu pohraniti u dva bajta.

Primjer 3. Odredimo koji su dekadski brojevi pohranjeni u sljedeća dva bajta.

a)

0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	0	0	1	0	1	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

To bi bio pozitivan broj (jer je vodeći bit = 0).
 $1001010_{(2)} = 1 \cdot 2^6 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^1 = 64 + 8 + 2 = 74_{(10)}$

b)

1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	1	0	1
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

To bi bio negativan broj (jer je vodeći bit = 1) kojeg ne možemo odmah pročitati jer je to zapravo dvojni komplement. Provodimo postupak obrnut od onog u primjeru 2.

1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	1	0	1
															- 1

1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	1	0	0	1	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	0	1	1	0	1	1
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

$11010_{(2)} = 1 \cdot 2^4 + 1 \cdot 2^3 + 1 \cdot 2^1 + 1 \cdot 2^0 = 16 + 8 + 2 + 1 = 27_{(10)}$
 Dakle, pohranjeni broj je $-27_{(10)}$.

Zadatak 2. Prikaži sljedeće dekadске brojeve u memoriji računala:

- a) 501 c) -18
- b) -232 d) 128

Zadatak 3. Koji dekadski brojevi su prikazani u memoriji računala?

a)

0	0	0	1	0	0	0	1	1	0	0	1	1	1	0	1
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

b)

1	1	1	1	0	1	1	1	1	0	1	0	0	0	1	1
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

c)

0	0	0	0	0	0	1	1	1	1	1	0	0	0	1	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

d)

1	1	1	1	1	0	0	0	1	1	1	1	1	0	0	0
---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---	---

3.4.2. Pohranjivanje racionalnih brojeva

Racionalni brojevi mogu se pohranjivati na dva načina:

- prikaz s nepomičnim zarezom,
- prikaz s pomičnim zarezom.

Kod prikaza s nepomičnim zarezom, točno određeni broj bitova koristi se za cijeli dio, a ostatak za decimalni dio broja. Međutim, na taj način nije moguće prikazati baš velik raspon brojeva i s odgovarajućom točnošću.

Zbog toga se češće koristi **prikaz** realnih brojeva s **pomičnim zarezom**.

Naime, svaki realan broj moguće je zapisati u obliku $\pm M \cdot 10^E$, gdje je $-1 < M < 1$.

Pri tom se M naziva **mantisa**, a E **eksponent**.

Primjer 1. $456072,125 = 0,456072125 \cdot 10^6$
 $0,000015 = 1,5 \cdot 10^{-4}$

Na isti način je i binarni broj moguće zapisati u obliku $\pm M \cdot 2^E$, gdje je $-1 < M < 1_{(2)}$.

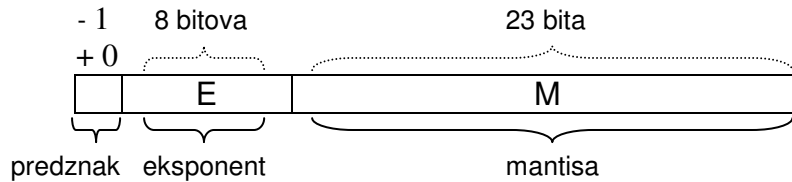
Primjer 2. $110101,0011 = 0,1101010011 \cdot 2^6$
 $0,011101 = 0,11101 \cdot 2^{-1}$

Realni brojevi s pomičnim zarezom mogu se zapisivati:

- *s jednostrukom preciznosti*: 1 bit za predznak, 8 bitova za eksponent i 23 bita za mantisu (ukupno 32 bita = 4 bajta);
- *s dvostrukom preciznosti*: 1 bit za predznak, 11 bitova za eksponent i 52 bita za mantisu (ukupno 64 bitova = 8 bajtova).

Predznak + zapisuje se kao 0, a predznak – kao 1.

Mi ćemo (za vježbu) zapisivati brojeve s jednostrukom preciznošću:



Primjer 3. Prikažimo broj $-47,625_{(10)}$ u memoriji računala.

Zadani dekadski broj (tj. njegovu apsolutnu vrijednost) najprije pretvorimo u binarni:

47	1	$0,625 \cdot 2$
23	1	$\overline{1},25$
11	1	$0,25 \cdot 2$
5	1	$\overline{0},5 \cdot 2$
2	0	$\overline{1},0$
1	1	
0	—	

$47,625_{(10)} = 101111,101_{(2)}$

Dobiveni binarni broj zatim zapišemo u eksponencijalnom obliku:

$$101111,101 = 0,101111101 \cdot 2^6$$

Dobiveni eksponent je također potrebno pretvoriti u binarni zapis: $6_{(10)} = 110_{(2)}$

pa je $101111,101 = 0,101111101 \cdot 2^{110_{(2)}}$

Predznak, mantisu 101111101 i eksponent 101 zapišemo u odgovarajuće bitove.

Pritom se mantisa pozicionira ulijevo, a eksponent udesno (ako je negativan uzima se dvojni komplement – kao kod cijelih brojeva):

1 | 0 0 0 0 0 0 1 1 0 | 1 0 1 1 1 1 1 1 0 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0

Zadatak 1. Prikaži sljedeće brojeve u memoriji računala: a) 124,375
b) - 56,5625

Zadatak 2. Koji broj je prikazan u memoriji računala:

0 | 0 0 0 0 0 0 1 0 1 | 1 1 0 1 0 1 1 1 1 1 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0 0

3.4.3. Kodovi za zapisivanje znakova

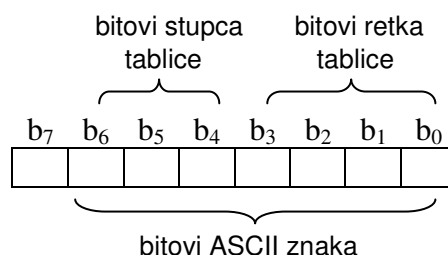
Osim brojeva, sva slova abecede (i velika i mala), interpunkcijski znakovi pa čak i znak za razmak te znak za prelazak u novi redak mogu se zapisati uz pomoć 0 i 1. To je zapravo i nužno jer računalo pamti podatke samo u obliku 0 i 1.

Danas se za kodiranje znakova najčešće koristi kod poznat po svojoj kratici **ASCII** (čitaj: aski, inače kratica od American Standard Code for Information Interchange). Isprva je to bio standard SAD-a, ali je kasnije utvrđen i kao međunarodni standard pod nazivom ISO-7. Brojka 7 znači da se za kodiranje koristi 7 bitova, odnosno 1 byte s tim da je krajnji lijevi bit slobodan. U 7 bitova moguće je pohraniti $2^7=128$ različitih znakova što je sasvim dovoljno da se pohrane svi znakovi s tipkovnice.

Kodove pojedinih znakova nalazimo u tablici:

bitovi $b_3b_2b_1b_0$	bitovi $b_6b_5b_4$							
	000	001	010	011	100	101	110	111
0000	NUL	DLE	SP	0	@	P	`	p
0001	SOH	DC1	!	1	A	Q	a	q
0010	STX	DC2	"	2	B	R	b	r
0011	ETX	DC3	#	3	C	S	c	s
0100	EOT	DC4	\$	4	D	T	d	t
0101	ENQ	NAK	%	5	E	U	e	u
0110	ACK	SYN	&	6	F	V	f	v
0111	BEL	ETB	`	7	G	W	g	w
1000	BS	CAN	(8	H	X	h	x
1001	HT	EM)	9	I	Y	i	y
1010	LF	SUB	*	:	J	Z	j	z
1011	VT	ESC	+	;	K	[k	{
1100	FF	FS	,	<	L	\	l	
1101	CR	GS	-	=	M]	m	}
1110	SO	RS	.	>	N	^	n	~
1111	SI	US	/	?	O	_	o	DEL

a smještamo ih po shemi:



Ova tablica ne sadrži specijalne znakove naše abecede: Č, č, Ć, ć, Đ, đ, Š, š, Ž, ž što ne znači da se oni ne mogu kodirati. Postoji i druga tablica s dodanim znakovima hrvatske abecede.

Primjer: Zapišimo sljedeći tekst u memoriju računala:

Mi smo IC.

Pazi: znak za razmak je SP i ne smijemo ga izostaviti.

01001101	←	M
01101001	←	i
00100000		
01110011	←	s
01101101	←	m
01101111	←	o
00100000		
00110001	←	l
01000011	←	C
00101110	←	.

Zadatak 1. Zapiši svoje ime i prezime u ASCII kodu. (Specijalna slova izostavi, umjesto ć piši c,...)

Zadatak 2. Postoji li neka veza između koda malih i odgovarajućih velikih slova, npr. R i r, G i g, A i a, itd.

Zadatak 3. Koji tekst je pohranjen u memoriji računala?

01001111
01110110
01101111
00100000
01101010
01100101
00100000
01110100
01100101
01101011
01110011
01110100
00101110

RJEŠENJA ZADATAKA

3.1.4. Zadaci

- a) četvrto
b) nulto
c) treće
d) prvo
- a) 32
b) 1000
c) 16
d) 1
- a) 8
b) 400
c) 7
d) 0
- a) 77
b) 87401
c) 17831
d) 559

3.2.4. Zadaci

- a) $110010101_{(2)}$
b) $1000111,011_{(2)}$
c) $1000101,10011_{(2)}$
d) $101001011001,000011_{(2)}$
- a) $142_{(10)}$
b) $26,4375_{(10)}$
c) $69,59375_{(10)}$
d) $2649,046875_{(10)}$
- a) $372_{(8)}$
b) $37,64_{(8)}$
c) $1546,24_{(8)}$
d) $347,056_{(8)}$
- a) $D08_{(16)}$
b) $7D,5_{(16)}$
c) $366,5_{(16)}$
d) $A6,2_{(16)}$

3.3.1. Zbrajanje

- a) 1100110,01
b) 10001111
c) 1000001
d) 10100,11
e) 100000,001

3.3.2. Oduzimanje

- a) 101010
b) 110101,111
c) 0,10001
- a) 101010
b) 111
c) 111,001

3.3.3. Množenje

- a) 1000,01001
b) 1001110011
c) 0,111111
- a) 10110110
b) 11110000
c) 1110100

3.3.4. Dijeljenje

- a) 110011
b) 110
c) 100101 i ostatak 10010
- a) 1010
b) 1000110
c) -10000

3.3.5. Zadaci

- a) 10000000
b) 110010,0011
c) 10110010,111
- a) 1001010000
b) 1010100,10001
c) 1,1001
- a) 10001110
b) 10111
c) 1001101
- a) 110101101
b) 10110,11001
c) 1100,101
- a) 10
b) 101
c) 10101 i ostatak 100
- a) 10001010,01
b) 1100110110,01
c) 1011011,100011
- a) 11101101
b) 101000111
c) 1111101000100
d) 10001 i ostatak 1
e) 10100111011
f) 11000000000

3.4.1. Pohranjivanje cijelih brojeva

- Najveći: 32767
Najmanji: -32768
- a) 0000000111110101
b) 1111111100011000
c) 1111111111101110
d) 0000000010000000
- a) 4509
b) -2141
c) 994
d) -1800

ZADACI S PRIJEMNOG ISPITA na Ekonomskom fakultetu u Zagrebu

1. Što je osnova, a što najveći element bilo kojeg brojevnog sustava?
- A) osnova je 10, a najveći element je 9
 - B) osnova je najveći element brojevnog sustava, a najveći element je prvi broj brojevnog sustava
 - C) osnova je baza s odgovarajućim eksponentom, a najveći element je maksimalan broj
 - D) osnova je broj znakova, a najveći element je najveći broj osnove.
2. Broj pet u binarnom brojevnom sustavu je:
- A) 1111
 - B) 0100
 - C) 1010
 - D) 0101
3. Osnova oktalnog i heksadekadskog brojevnog sustava je:
- A) 6 i 16
 - B) 10 i 16
 - C) 2 i 16
 - D) 8 i 16
4. Zbrojite dva binarna broja: $101011 + 11011 =$
- A) 110001
 - B) 1000110
 - C) 1111010
 - D) 1100101
5. Zbrojite oktalne brojeve: $3271 + 4323 + 1565 + 3676 =$
- A) 2375
 - B) 1873
 - C) 23412
 - D) 15277
6. Dekadski broj 6392 u heksadekadskom zapisu piše se:
- A) 4F3BA
 - B) 752F
 - C) C345F
 - D) 18F8
7. Oduzimanje svodimo preko pravila komplementa na:
- A) potenciranje i množenje
 - B) množenje i dijeljenje
 - C) zbrajanje i množenje
 - D) zbrajanje
8. Oduzmite binarne brojeve: $110101 - 10101 =$
- A) 10111
 - B) 110011
 - C) 1010
 - D) 100000
9. Pomnožite binarne brojeve: $101010 \cdot 11001 =$
- A) 10000011010
 - B) 10100111101
 - C) 11000111000
 - D) 10101010001
10. Heksadekadski broj 6A7D se dekadski piše:
- A) 27261
 - B) 27267
 - C) 12446
 - D) 13278
11. Oktalni broj 23165 se binarno piše:
- A) 0010011001110101
 - B) 0011001010100101
 - C) 0001101101110101
 - D) 0010011001110100
12. Zbrojite dva oktalna broja: $1710 + 140 =$
- A) 2051
 - B) 2050
 - C) 1989
 - D) 3109
13. Broj 31B se binarno piše:
- A) 0001100011011
 - B) 0010100011011
 - C) 0001000011000
 - D) 0001010001011
14. Dekadski broj 783 se heksadekadski piše:
- A) 30A
 - B) 3A0
 - C) B87
 - D) 30F
15. Pomnožite dva binarna broja: $11101010 \cdot 11001 =$
- A) 0001011011011010
 - B) 0001011011011011
 - C) 0000011011011011
 - D) 0001011011010011
16. Podijelite dva binarna broja: $110010111 : 1011 =$
- A) 110101
 - B) 100101
 - C) 111011
 - D) 011010
17. Oduzmite dva binarna broja: $10111 - 11000 =$
- A) - 00001
 - B) - 1010
 - C) 11110
 - D) - 10000
18. Izračunajte $(24)_8 + (29)_{10} + (AE)_{16} =$
- A) 1100101110
 - B) 100101110
 - C) 110101110
 - D) 11011111
19. Napišite komplement broja 101101110:
- A) 1100101110
 - B) 10010010
 - C) 010010001
 - D) 100001101
20. Izračunajte $(10)_{16} + (251)_8 + (110010110)_2 =$
- A) $(591)_{10}$
 - B) $(13)_8$
 - C) $(BF)_{16}$
 - D) $(1101011011)_2$
21. Broj $(306)_8$ jednak je broju:
- A) $(A6)_{16}$
 - B) $(B6)_{16}$
 - C) $(C6)_{16}$
 - D) $(D6)_{16}$

22. Produkt brojeva $(12)_8$ i $(12)_{16}$ jednak je broju:
 A) $(264)_8$
 B) $(270)_8$
 C) $(180)_{16}$
 D) $(188)_{16}$
23. Suma brojeva $(1011)_{10} + (1011)_8 + (1011)_{16}$ jednaka je broju:
 A) $(1111)_{16}$
 B) $(5654)_{10}$
 C) $(160D)_{16}$
 D) $(1110)_{10}$
24. Produkt brojeva $(206)_8$ i $(24)_{10}$ jednak je produktu brojeva:
 A) $(10C)_{16}$ i $(1100)_2$
 B) $(F4)_{16}$ i $(1101)_{10}$
 C) $(11E)_{16}$ i $(1001)_8$
 D) $(DD)_{16}$ i $(1001)_{16}$
25. Broj $(2745)_{10}$ jednak je sumi brojeva:
 A) $(3270)_8$ i $(2FD)_{16}$
 B) $(2307)_8$ i $(2A9)_{16}$
 C) $(3072)_8$ i $(2C9)_{16}$
 D) $(3720)_8$ i $(2E9)_{16}$
26. Broj $(10101)_2$ je za $(1101)_2$ veći od broja:
 A) $(1000)_8$
 B) $(1000)_{10}$
 C) $(1000)_2$
 D) $(1000)_{16}$
27. Broj $(63)_{10}$ jednak je razlici brojeva:
 A) $(1036)_8$ i $(674)_8$
 B) $(1063)_8$ i $(764)_8$
 C) $(1136)_8$ i $(746)_8$
 D) $(1163)_8$ i $(467)_8$
28. Broj $(1011000)_2$ jednak je broju:
 A) $(59)_{16}$
 B) $(889)_{10}$
 C) $(130)_8$
 D) $(143)_8$
29. Broj $(111100100)_2$ jednak je kvadratu broja:
 A) $(22)_{10}$
 B) $(27)_8$
 C) $(17)_{16}$
 D) $(23)_{10}$
30. Razlika brojeva $(54)_8$ i $(10110)_2$ je za $(12)_8$ veća od broja:
 A) $(1011)_2$
 B) $(1001)_2$
 C) $(1110)_2$
 D) $(1100)_2$
31. broj $(601)_{10}$ jednak je:
 A) $(1001101001)_2$
 B) $(1111111)_2$
 C) $(1131)_8$
 D) $(4641)_8$
32. Razlika brojeva $(1CA)_{16}$ i $(107)_8$ je:
 A) $(11000011)_2$
 B) $(606)_8$
 C) $(183)_{16}$
 D) $(783)_{10}$
33. Broj $(ABA)_{16}$ jednak je:
 A) $(1010101010)_2$
 B) $(2766)_{10}$
 C) $(5272)_8$
 D) $(2646)_{10}$
34. Umnožak brojeva $(1001)_{10}$ i $(1001)_2$ je:
 A) $(1000110011001)_2$
 B) $(9999)_{10}$
 C) $(2333)_{16}$
 D) $(21461)_8$
35. Zbrojite binarne brojeve: $1101011 + 10110$
 A) $10101101_{(2)}$
 B) $10000001_{(2)}$
 C) $10110001_{(2)}$
 D) $1010001_{(2)}$
36. Podijelite dva binarna broja: $1010001 : 1001 =$
 A) $110_{(2)}$
 B) $1001_{(2)}$
 C) $101_{(2)}$
 D) $1100_{(2)}$
37. Pretvorite binarni broj $10101110_{(2)}$ u dekadski:
 A) 234
 B) 5111
 C) 174
 D) 1236

Sadržaj:

3. BROJEVNI SUSTAVI I PRIKAZ PODATAKA U RAČUNALU

- 3.1. Brojevni sustavi
 - 3.1.1. Nepozicijski i pozicijski brojevni sustav
 - 3.1.2. Dekadski brojevni sustav
 - 3.1.3. Binarni brojevni sustav
 - 3.1.4. Zadaci
- 3.2. Prevođenje prirodnih i decimalnih brojeva iz jednog zapisa u drugi
 - 3.2.1. Prevođenje u dekadski zapis
 - 3.2.2. Prevođenje iz dekadskog zapisa u neki drugi
 - 3.2.3. Prevođenje između binarnog, oktalnog i heksadekadskog zapisa
 - 3.2.4. Zadaci
- 3.3. Binarna aritmetika
 - 3.3.1. Zbrajanje u binarnom sustavu
 - 3.3.2. Oduzimanje u binarnom sustavu
 - 3.3.3. Množenje u binarnom sustavu
 - 3.3.4. Dijeljenje u binarnom sustavu
 - 3.3.5. Zadaci
- 3.4. Pohranjivanje podataka u memoriji računala
 - 3.4.1. Pohranjivanje cijelih brojeva
 - 3.4.2. Pohranjivanje racionalnih brojeva
 - 3.4.3. Kodovi za zapisivanje znakova
 - 3.4.4. Zadaci

RJEŠENJA ZADATAKA

ZADACI S PRIJEMNOG ISPITA na Ekonomskom fakultetu u Zagrebu